

# Elementy Sztucznej Inteligencji

## Sztuczne sieci neuronowe cz. 2

# Plan wykładu

- Uczenie bez nauczyciela (nienadzorowane).
  - Sieci Kohonena (konkurencyjna)
- Sieć ze sprzężeniem zwrotnym – Hopfielda.

# Cechy uczenia nienadzorowanego

- Nie znana jest odpowiedź  $Z$  na zadany wektor wejściowy  $U$ . Korekta wag nie jest zdeterminowana błędem sieci (nie można go policzyć nie znając  $Z$ ).
- Uczenie nienadzorowane (bez nauczyciela) odwzorowuje procesy uczenia się bez instruktażu.
- Czego zatem uczy się sieć? **Struktury danych**. W danych mogą być zawarte pewne cechy, które można odkryć.

# Porównanie nadzorowanego i nienadzorowanego

## → Uczenie z nauczycielem:

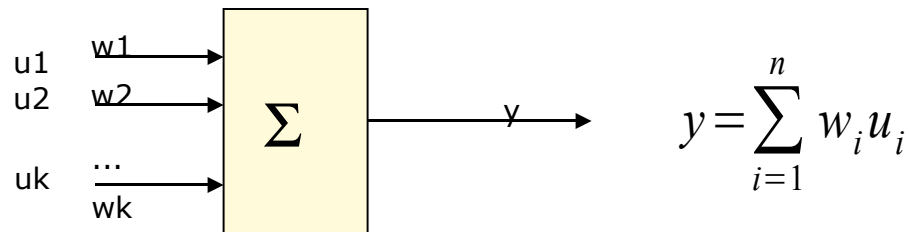
- prezentuje się wzorce i odpowiedzi
- cel SSN: znalezienie zależności pomiędzy danymi wejściowymi i odpowiedziami

## → Uczenie bez nadzoru:

- prezentuje się tylko wzorce
- ce SSN: wykrycie cech zawartych w sposób ukryty w danych
- sieć próbuje nauczyć się struktury danych

# Architektura sieci

- Architektura sieci: sieć jednowarstwowa z liniową funkcją aktywacji (mogą być też signum, progowa).



# Reguła Instar (poprzednik rywalizacji)

→ Wagi (w procesie uczenia) są zmieniane tylko, gdy wyjście jest aktywne.

$$\Delta w_{ij} = \eta \cdot u_i \cdot y_j - \gamma \cdot w_{ij} \cdot y_i$$

$$\eta = \gamma \Rightarrow \Delta w_{ij} = \eta \cdot y_i \cdot (u_j - w_{ij})$$

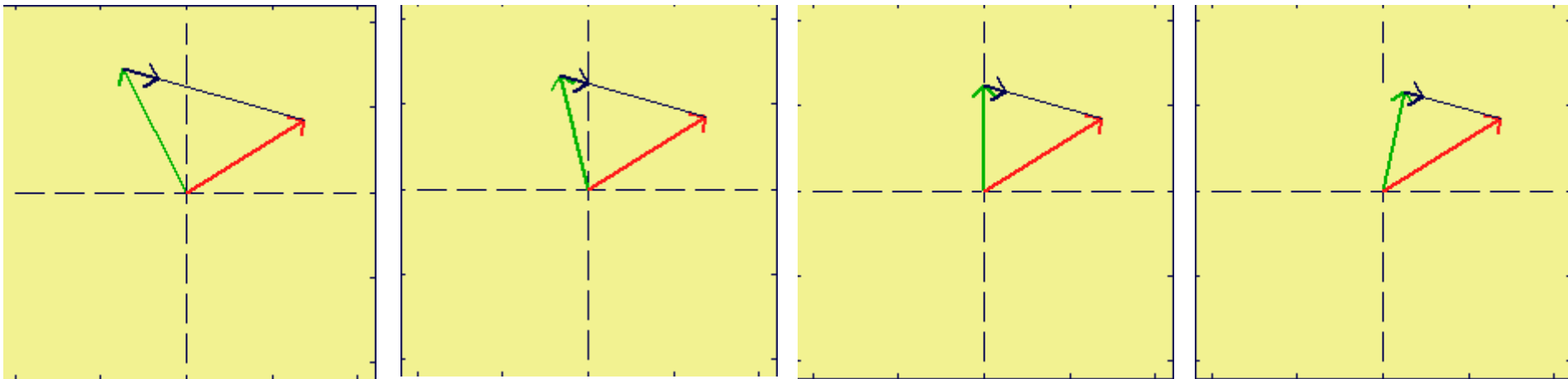
$$y_i = 1 \Rightarrow \Delta w_{ij} = \eta \cdot (u_j - w_{ij})$$

Instar

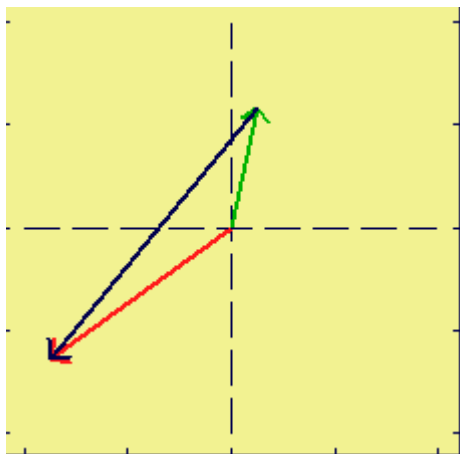
$$\Rightarrow w_{ij}(t) = (1 - \eta) \cdot w_{ij}(t-1) + \eta \cdot u_j$$

→ Wektor wag przemieszcza się w kierunku wektora wejść.

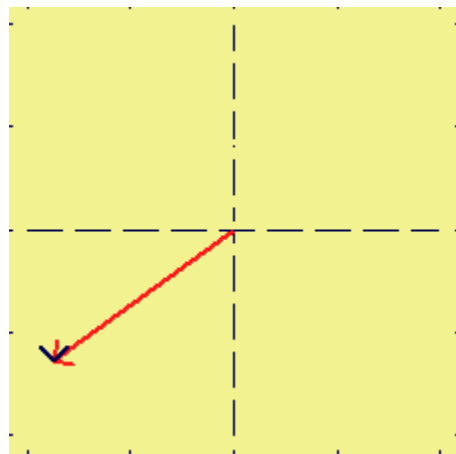
# Interpretacja geometryczna



$\eta = 0.2$



$\eta = 1$



# Działanie reguły Instar

- Koncepcja polega na wybraniu neuronu i narzuceniu mu strategii uczenia, by zapamiętał i potrafił rozpoznać sygnał wejściowy  $U$ .
- Inne neurony w sieci będą wówczas bezczynne.
- Stosowany, gdy trzeba nauczyć sieć rozpoznawania określonego sygnału  $U$ .



# Uczenie z rywalizacją

→ Reguła Kohonena wywodzi się z instar.

$$w_{ij}(t) = w_{ij}(t-1) + \eta \cdot (u_j - w_{ij}(t-1))$$

→ Zakłada się jednak, że wektor wejść **U** musi być znormalizowany  $\|\mathbf{U}\|=1$ .

→ Nie wybiera się też arbitralnie neuronu do uczenia, tylko uczy się ten, który „zwycięża” – ma największy sygnał wyjściowy.

→ Tylko neuron „zwycięzca” (Winner-Takes-All) jest uczony i zmieniane są jego wagi, tak by najlepiej dopasował się do wektora wejściowego, którego się uczy.

→ Inne wektory wag nie zmieniają się.

# Przykład klasyfikacji z regułą Kohonena

- Rozpoznajemy jabłka i pomarańcze na podstawie 3 cech: waga, faktura i kształt.
- Sieć składa się z dwóch neuronów. Sygnał wejściowy jest przekazywany do obu neuronów. Pierwszy neuron uaktywni się, gdy rozpozna pomarańczę, a drugi, gdy jabłko.
- Sieć nauczono rozpoznawania za pomocą reguły Kohonena.

# Rozpoznanie pomarańczy

*Neural Network* DESIGN Competitive Classification

Input Space

weight

texture -1 -1 shape 1

$W = [1 \ -1 \ -1; 1 \ 1 \ -1]$

$p = [0.63; -0.32; -0.52]$

$n = W \cdot p$

$n = [1.47; 0.83]$

$a = \text{compet}(n)$

$a = [1; 0]$

Fruit = Orange

SHAPE: +0.63 TEXTURE: -0.32 WEIGHT: -0.52

Fruit

Neural Network

Oranges

Apples

Go

Clear

Contents

Close

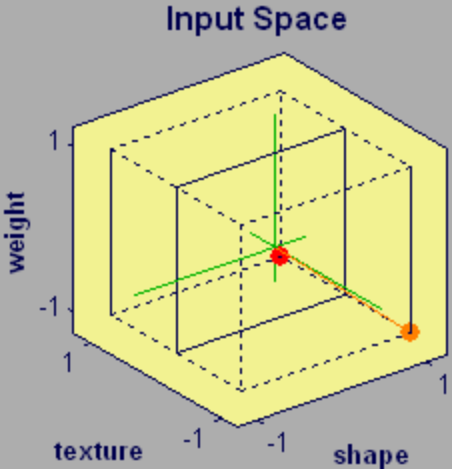
Chapter 14

Click [Go] to send a fruit down the belt to be classified by the competitive layer.

Calculations for the the layer will appear at left.

# Rozpoznanie jabłka

*Neural Network* DESIGN Competitive Classification



Input Space

weight

texture -1 -1 shape

$W = [1 \ -1 \ -1; \ 1 \ 1 \ -1]$

$p = [0.65; 0.64; -0.59]$

$n = W \cdot p$

$n = [0.6; \ 1.88]$

$a = \text{compet}(n)$

$a = [0; \ 1]$

Fruit = Apple

Click [Go] to send a fruit down the belt to be classified by the competitive layer.

Calculations for the the layer will appear at left.




Go

Clear

Contents

Close

SHAPE: +0.65      TEXTURE: +0.64      WEIGHT: -0.59

Fruit    Oranges  
Apples

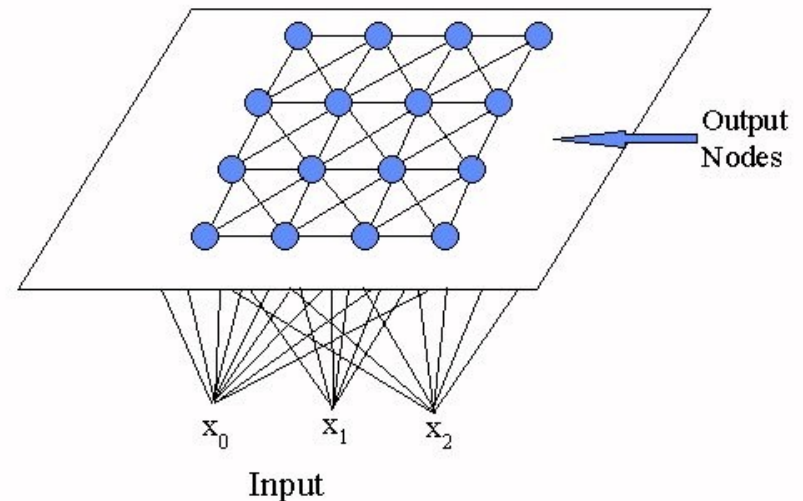
Chapter 14

# Samooorganizująca się mapa Kohonena

- Dodaje się do sieci z rywalizacją element sąsiedztwa.
- Oprócz najlepszego neuronu wygrywają wszystkie leżące w jego sąsiedztwie (Winner-Takes-Most) (które może być określone np.. jako odległość Manhattan).
- Pojęcie sąsiedztwa i jego promień mogą być różne.

# Graficzna prezentacja dwuwymiarowej SOM

- Każdy neuron z warstwy wejściowej połączony jest z każdym neuronem z mapy. Wagi propagują wartości wejść do mapy neuronów.
- Wszystkie neurony w mapie są połączone pomiędzy sobą. Połączenia te wpływają na neurony w pewnym założonym obszarze aktywności o największej aktywacji.
- Wielkość zasięgu jest obliczana funkcją gaussa  
 $x_c$ =pozycja neuronu zwycięzcy  
 $x_i$ =pozycja innego neuronu  
sig=promień sąsiedztwa

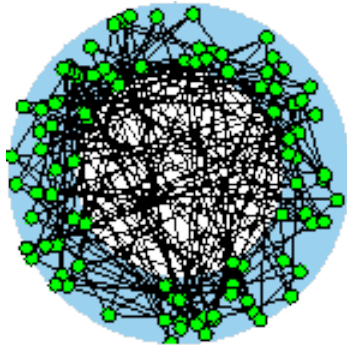


$$\text{zasięg}_{c_i} = e^{-\frac{|x_c - x_i|^2}{2 \text{sig}^2}}$$

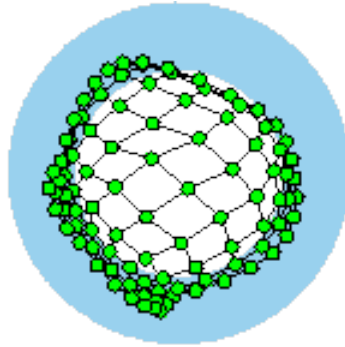
# Algorytm uczenia

- Wybierz obiekt ze zbioru uczącego.
- Znajdź węzeł najbliższy wybranej danej (tj. odległość pomiędzy  $w_{ij}$  i danymi  $u_i$  jest minimalna).
- Zmień wektor wag wybranego węzła i jego sąsiadów zgodnie z regułą.
- Powtarzaj ustaloną ilość razy.
- Zazwyczaj stosuje się zmienny (malejący) współczynnik uczenia.
- Wielkość sąsiedztwa też może być zmienna i maleje z czasem.

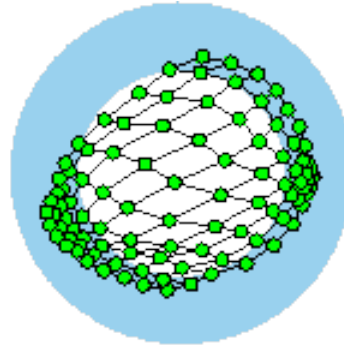
# Przykład dopasowania do danych rozłożonych w kształt pierścienia



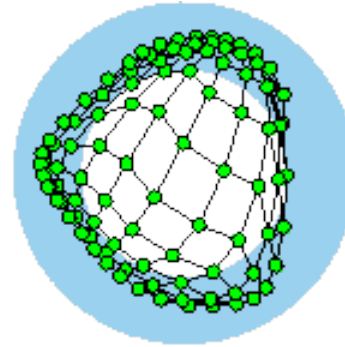
a) 0 signals



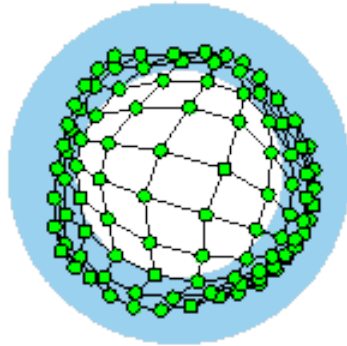
b) 100 signals



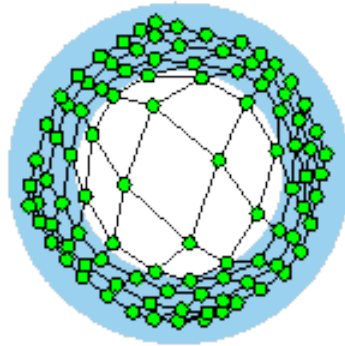
c) 300 signals



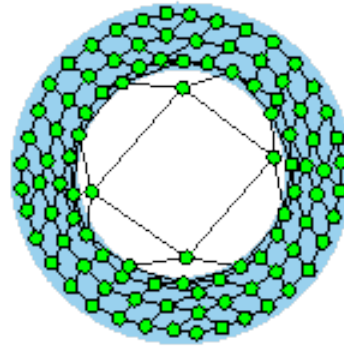
d) 1000 signals



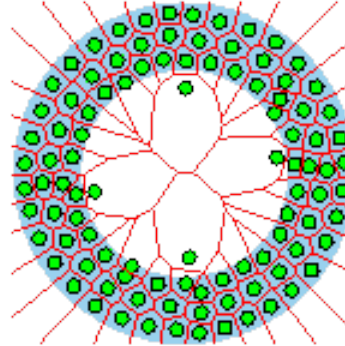
e) 2500 signals



f) 10000 signals



g) 40000 signals



h) Voronoi regions

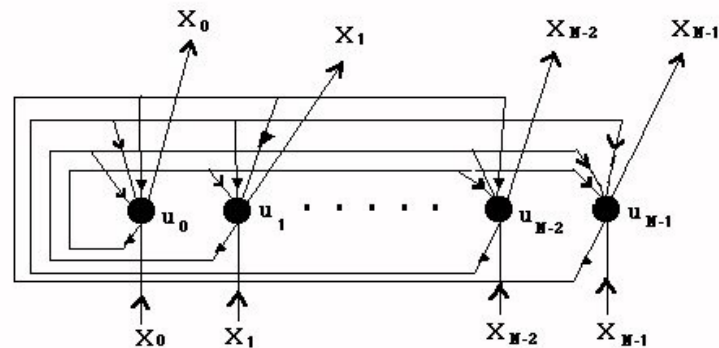


# Zastosowania sieci Kohonena

- Eksploracyjna analiza danych – sieć uczy się rozpoznawania skupień występujących w danych wejściowych i może nauczyć się kojarzenie podobnych klas.
- Wykrywanie nowości: Jeżeli podana dana nie pasuje do nauczonych wzorców, oznacza to, że zaprezentowano nowe dane, nie istniejące w żadnej ze zbudowanych klas.
- Graficzna reprezentacja zależności pomiędzy danymi.

# Sieci Hopfielda

- Przykład sieci ze sprzężeniem zwrotnym.
- Brak podziału na warstwy.
- W pierwowzorze każdy neuron połączony jest z każdym, a sygnały wyjściowe przekierowane są jako wejścia.



# Pamięć

- Sieć Hopfielda potrafi dokonywać asocjacji tak jak nasz mózg.
- Asocjacja oznacz, że przechowuje się obrazy (lub inne złożone informacje) może być rozpoznany nie tylko z pełnych danych, ale również z małego jego fragmentu lub zaszumionego.
- Przypomnienie następuje poprzez pamiętanie pewnych cech: np.. koloru włosów, zapachu, oczu, kształtu nosa. Cechy te są powiązane, choć przechowywane są w różnych częściach mózgu (w sieci w różnych neuronach).

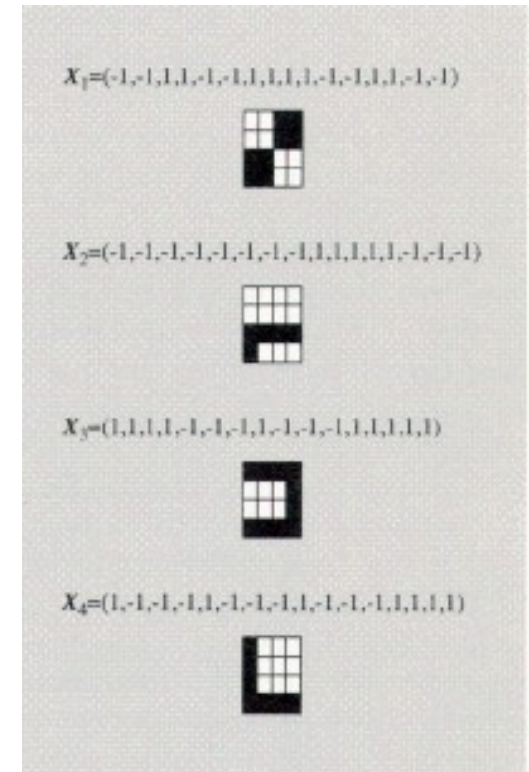
# Cechy sieci Hopfielda

- Jest jednowarstwowym modelem z taką ilością neuronów jak liczba wejść (cech).
- Ponieważ każdy neuron jest połączony z każdym  $m*m$  wag opisuje  $m$  węzłów sieci.
- Oryginalny model Hopfielda pracował z danymi wejściowymi (+ 1 or - 1) (f). Wyjście liczone było według wzoru:

$$y = \text{signum} \left( \sum_{i=1}^n w_i u_i \right)$$

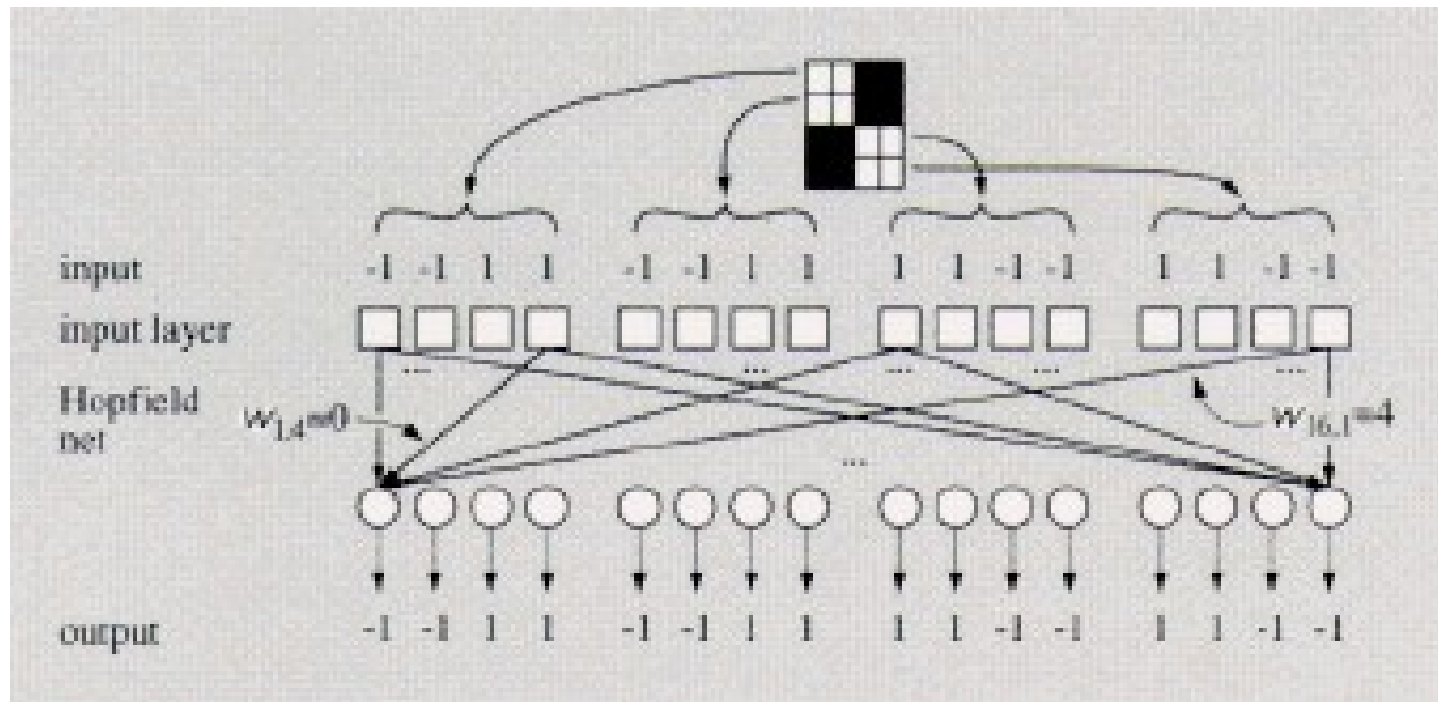
# Uczenie sieci Hopfielda

- Przykład: Sieć ma się nauczyć następujących wzorców:
- Każdy obrazek to matryca 4 x 4 (piksele) które są albo czarne (+1) albo białe (-1) = wektor 16 elementowy.



# Architektura sieci Hopfielda dla przykładu

- Wartości wyjściowe są dokładnie równe wartościom wejściowym.



# Dobór wag

- Wagi  $\mathbf{W}$  w sieci Hopfielda nie muszą być dobierane w kosztownym iteracyjnym procesie uczenia. Oblicza się je bezpośrednio z prezentowanego wzorca.
- Jeżeli prezentowanych jest  $p$  wzorców, to wagi  $w_{ji}$  neuronu  $j$  mogą być wyprowadzone z wartości wejściowych pojedynczego wzorca  $\mathbf{s}$  i stąd  $\mathbf{Xs}$  według wzorów:

$$w_{ji} = \sum_{s=1}^p x_{sj} x_{si} \quad \text{dla } j \neq i$$
$$w_{ji} = 0 \quad \text{dla } j = i$$

# Interpretacja wzoru

## → Wagi $w_{ji}$

- zwiększają się o 1, jeżeli w konkretnym wzorcu piksele  $j$  i  $i$  są albo jednocześnie białe, albo czarne
- zmniejszają się o 1, jeżeli we wzorcu  $i$ -ty i  $j$ -ty piksel są różnowartościowe.

→ Im więcej wzorców, w których piksele  $j$  i  $i$  pasują tym większe wagi  $w_{ji}$ .

→ W rozpatrywanym przykładzie wagi to macierz wielkości  $16 \times 16$  (16 neuronów i każdy ma 16 wag).



# Test stabilności sieci

- Wektor wejściowy (np., jeden z obrazków prezentowanych wcześniej do pamiętania) jest wprowadzany do sieci Hopfielda.
- Obliczane są wyjścia.
- Wyjścia te porównane są wejściem.
  - Jeżeli wartości są takie same, to zatrzymujemy proces.
  - W przeciwnym przypadku wartości wyjściowe przekazywane są na wejścia i proces się powtarza
  - Jeżeli po kilku cyklach otrzymamy takie same wartości na wyjściu jak podano za pierwszym razem na wejście, to sieć jest stabilna. (Oczywiście nie jest to cel sam w sobie)

# Warunki stabilności

- Wyjście neuronu  $m$  nie jest kierowana na jego wejście:  $w_{mm}=0$ .
- Wagi połączeń neuronu  $m$  i  $k$  są symetryczne:  $w_{mk} = w_{km}$

# Zastosowanie

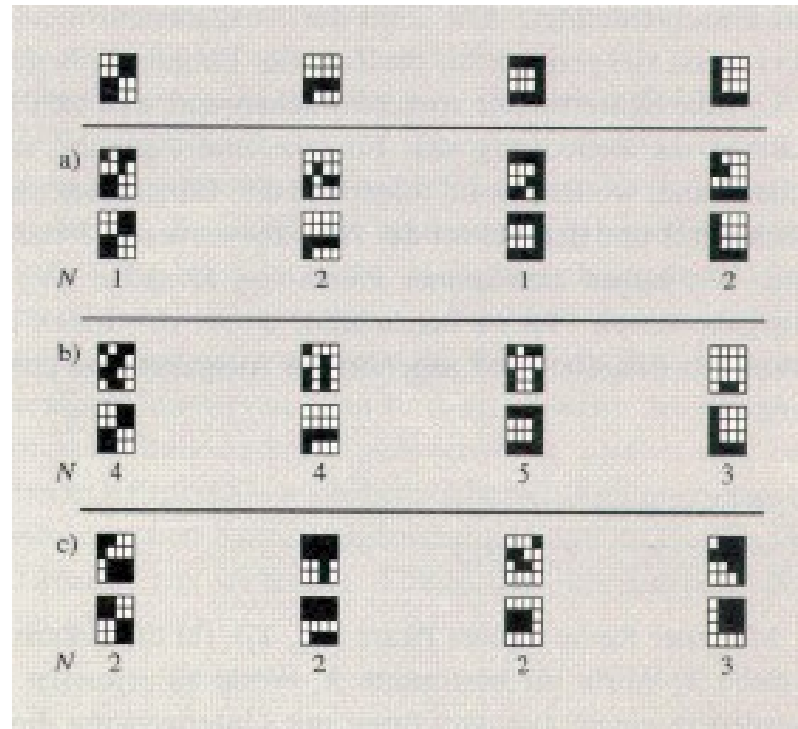
→ Odzyskiwanie oryginalnych danych z niepełnych i zaszumionych danych. np.. Można uzyskać oryginalny obrazek z rozmazanego lub zepsutego.

a),b) zaszumienie  $\leq 31\%$

$N$  = iteracje

c) duże zaszumienie –  
błędne wzorce, lub cykle  
pomiędzy dwoma wzorcami

c) zaszumienie  $> 81\%$   
wzorzec w negatywie



# Funkcja energii

→ Stan sieci Hopfielda składającej się z  $N$  węzłów w czasie  $t$  można opisać przez wektor  $(y_1(t), \dots, y_N(t))$ , gdzie  $y_i(t)$  jest wyjściem  $i$ -tego neuronu w czasie  $t$ .

→ Energię sieci w jednostce czasu  $t$  definiuje się jako:

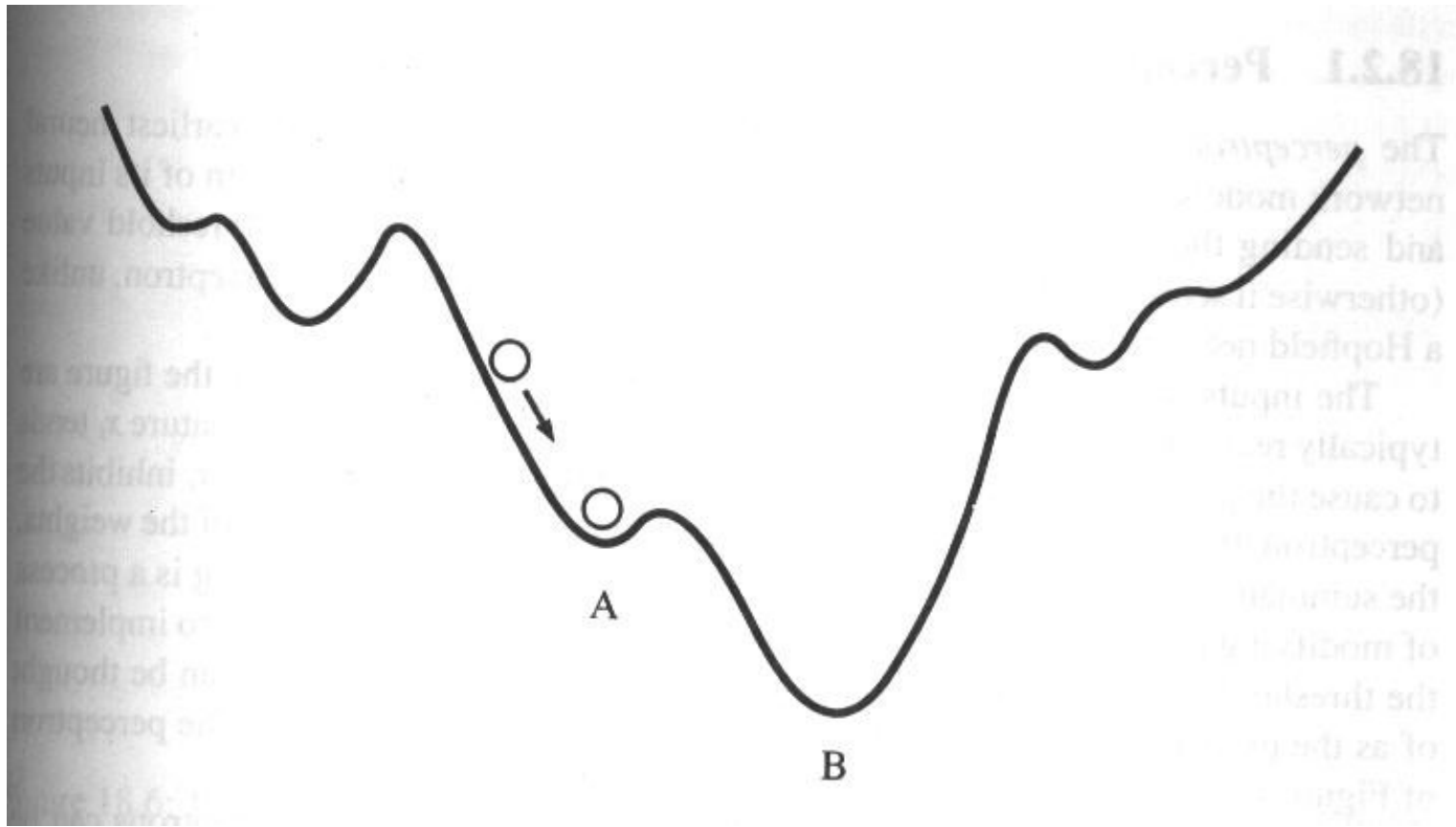
$$E(t) = -\frac{1}{2} \sum_i \sum_{j \neq i} w_{ij} y_i(t) y_j(t) + \sum_i y_i(t) \theta_i$$

gdzie  $\theta_i$  jest progami  $i$ -tego neuronu.

# Funkcja energii

- Działanie sieci Hopfielda może być utożsamiane z procesem minimalizacji funkcji energii.
- Sieć sprowadza poziom energii do najbliższego wzorca przykładowego.
- Pozycje minimów funkcji energii są zdeterminowane przez wartości wag.
- Sieć może zapamiętać liczbę wzorców, która jest równa w przybliżeniu 15% liczby węzłów – duża wada. Przy dużej liczbie pamiętanych wzorców następuje gwałtowny wzrost rozmiarów macierzy wag.

# Proces relaksacjii

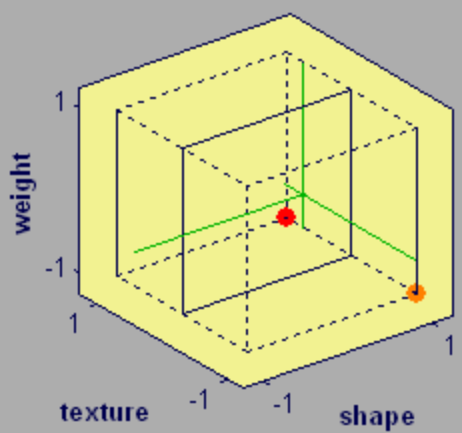


# Przykład klasyfikacji

- Rozpoznamy jabłka i pomarańcze na podstawie 3 cech: waga, faktura i kształt.
- Zastosowano w sieci 3 neurony.
- W pierwszym kroku jako wyjście podane są cechy wejściowe (odczytane z czujnika).
- Udzielana przez sieć odpowiedź to współrzędne punktu w przestrzeni wejść oznaczone jako idealna pomarańcza i idealne jabłko.

# Pierwszy krok rozpoznania

*Neural Network* DESIGN      Hopfield Classification



Input Space

weight

texture   -1   -1   shape

$W = [0.2 \ 0 \ 0; 0 \ 1.2 \ 0; 0 \ 0 \ .2]$

$b1 = [0.9; 0; -0.9]$

$p = [0.98; 0.73; -0.59]$

$a(0) = p$

$a(0) = [0.98; 0.73; -0.59]$

SHAPE: +0.98      TEXTURE: +0.73      WEIGHT: -0.59

Fruit

Neural Network

Oranges

Apples

Click [Go] to send a fruit down the belt to be classified by a Hopfield network.

The calculations for the Hopfield network will appear to the left.

Go

Clear

Contents

Close

Chapter 3



# Zastosowanie sieci Hopfielda

- Rozpoznawanie wzorców (pisma, obrazów, mowy).
- Analiza inwestycji (wahania kursów akcji, klasyfikacja obligacji, ocena stopnia opłacalności przedsięwzięć inwestycyjnych, wybór funduszu powierniczego, wybór strategii sprzedaży i inne ).
- Kontrola procesów.
- Optymalizacja – problemy NP-zupełne.